

ΨΑΜΜΙΤΗΣ

ΑΡΧΙΜΗΔΗΣ

I. Οἶονται τινες, βασιλεῦ Γέλων, τοῦ φάμου τὸν ἀριθμὸν ἄπειρον εἰ-
μεν τῷ πλήθει λέγω δὲ οὐ μόνον τοῦ περὶ Συρακούσας τε καὶ τὰν ἄλλαν
Σικελίαν ὑπάρχοντος, ἀλλὰ καὶ τοῦ κατὰ πᾶσαν χώραν τάν τε δικημέναν
καὶ τὰν ἀοίκητον. Ἐντί τινες δέ, οἱ αὐτὸν ἄπειρον μὲν εἴμεν οὔχ ὑπολαμ-
βάνοντι, μηδένα μέντοι ταλικοῦτον κατωνομασμένον ὑπάρχειν ἀριθμόν, ὅστις
ὑπερβάλλει τὸ πλήθος αὐτοῦ. Οἱ δὲ οὕτως δοξάζοντες δῆλον ὡς, εἰ νοήσαιεν
ἐκ τοῦ φάμου ταλικοῦτον ὅγκον συγκείμενον τὸ μέγεθος, ἀλίκος ὁ τᾶς
γᾶς ὅγκος ἀναπεπληρωμένων ἐν αὐτῷ τῶν τε πελάγεων πάντων καὶ τῶν κοιλ-
ωμάτων τᾶς γᾶς εἰς ἵσον Ὁψος τοῖς ὑψηλοτάτοις τῶν ὀπέων, πολλαπλασίως μὴ
γνώσονται μηδένα καὶ ῥηθῆμεν ἀριθμὸν ὑπερβάλλοντα τὸ πλήθος αὐτοῦ. Ἔγὼ
δὲ πειρασοῦμαί τοι δεικνύειν δι' ἀποδείξιων γεομετρικῶν, αἷς παρακολουθή-
σεις, διτὶ τῶν ὅφ' ἀμῶν κατωνομασμένων ἀριθμῶν καὶ ἐκδεδομένων ἐν τοῖς
ποτὶ Ζεύξιππον γεγραμμένοις ὑπερβάλλοντί τινες δύ μόνον τὸν ἀριθμὸν τοῦ
φάμου τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ γῷ πεπληρωμένᾳ, καθάπερ εἴπαμες, ἀλ-
λὰ καὶ τὸν τοῦ μέγεθος ἵσον ἔχοντος τῷ κόσμῳ. Κατέχεις δὲ δι' οτι καλεῖται
κόσμος ὑπὸ μὲν τῶν πλείστων ἀστρολόγων ἀ σφαῖρα, ἃς ἐστι κέντρον, μὲν τὸ
τᾶς γᾶς κέντρον, ἀ δὲ ἐκ τοῦ κεντρου ἵσα τῷ εὐθείᾳ τα μεταξὺ τοῦ κεντρου
τοῦ ἀλίου καὶ τοῦ κεντρου τᾶς γᾶς· ταῦτα γάρ ἐν ταῖς γραφομέναις παρὰ
τῶν ἀστρολόγων δειξει διάκουσας. Ἀρίσταρχος δὲ ὁ Σάμιος ὑποθέσιών
τινῶν ἐξέδωκεν γραφάς, ἐν αἷς ἐκ τῶν ὑποκειμένων συμβαίνει τὸν κόσμον
πολλαπλάσιον εἴμεν τοῦ νῦν εἰρημένου. Ὅποτίθεται γάρ τὰ μὲν ἀπλανέα
τῶν ἀστρων καὶ τὸν ἀλιον μένειν ἀκίνητον, τὰν δὲ γᾶν περιφέρεσθαι περὶ τὸν
ἄλιον κατὰ κύκλου περιφέρειαν, ὃς ἐστιν ἐν μέσῳ τῷ δρόμῳ κείμενος, τὰν

δὲ τῶν ἀπλανέων ἀστρων σφαιραν περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον τῷ ἀλίῳ κειμέναν τῷ μεγέθει τηλικαύταν εἶμεν, ὡστε τὸν κύκλον, καθ' ὃν τὰν γᾶν ὑποτίθεται περιφέρεσθαι, τοιαύταν ἔχειν ἀναλογίαν ποτὶ τὰν τῶν ἀπλανέων ἀποστασίαν, οἷαν ἔχει τὸ κέντρον τᾶς σφαιρας ποτὶ τὰν ἐπιφάνειαν. Τοῦτό γ' εὖδηλον ὃς ἀδύνατόν ἐστιν· ἐπεὶ γάρ τὸ τᾶς σφαιρας κέντρον οὐδὲν ἔχει μέγεθος, οὐδὲ λόγον ἔχειν οὐδένα ποτὶ τὰν ἐπιφάνειαν τᾶς σφαιρας ὑπολαπτέον αὐτό.

Ἐκδεκτέον δὲ τὸν Ἀρίσταρχον διανοεῖσθαι τόδε· ἐπειδὴ τὰν γᾶν ὑπολαμβάνομες ὅσπερ εἶμεν τὸ κέντρον τοῦ κόσμου, ὃν ἔχει λόγον ἢ γᾶ ποτὶ τὸν ὑφ' ἀμῶν εἰρημένον κόσμον, τοῦτον ἔχειν τὸν λόγον τὰν σφαιραν, ἐν ᾧ ἐστιν ὁ κύκλος, καθ' ὃν τὰν γᾶν ὑποτίθεται περιφέρεσθαι, ποτὶ τὰν τῶν ἀπλανέων ἀστρων σφαιραν· τὰς γάρ ἀποδείξιας τῶν φαινομένων οὕτως ὑποκειμένῳ ἐναρμόζει, καὶ μάλιστα φαίνεται τὸ μέγεθος τᾶς σφαιρας, ἐν ᾧ ποιεῖται τὰν γᾶν κινούμεναν, ἵσον ὑποτίθεσθαι τῷ ὑφ' ἀμῶν εἰρημένῳ κόσμῳ. Φαμὲς δή, καὶ εἰ γένοιτο ἐξ τοῦ φάμου σφαιρα τηλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκαν Ἀρίσταρχος ὑποτίθεται τὰν τῶν ἀπλανέων ἀστρων σφαιραν εἶμεν, καὶ οὕτως τινὰς δειχθήσειν τῶν ἐν ἀρχῇ ἀριθμῶν τῶν κατονομαξίαν ἔχόντων ὑπερβάλλοντας τῷ πλήθει τὸν ἀριθμὸν τὸν τοῦ φάμου τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ εἰρημενῷ σφαιρᾳ, ὑποκειμένων τῶνδε·

πρῶτον μὲν τὰν περίμετρον τᾶς γᾶς εἴμεν ὡς τὸ μυριάδων σταδίων καὶ μὴ μείζω, καίπερ τινῶν πεπειραμένων ἀποδεικνύειν, καθὼς καὶ τὸ παρακολουθεῖς, ἐοῦσαν αὐτὰν ὡς ἡ μυριάδων σταδίων. Ἐγὼ δ' ὑπερβαλλόμενος καὶ θεὶς τὸ μέγεθος τᾶς γᾶς ὡς δεκαπλάσιον τοῦ ὑπὸ τῶν προτέρων δεδοξασμένου τὰν περίμετρον αὐτᾶς ὑποτίθεμαι εἴμεν ὡς τὸ μυριάδων σταδίων καὶ μὴ μείζω· μετὰ δὲ τοῦτο τὰν διάμετρον τᾶς γᾶς μείζονα εἴμεν τᾶς διαμέτρου τᾶς σελήνας, καὶ τὰν διάμετρον τοῦ ἀλιου μείζονα εἴμεν τᾶς διαμέτρου τᾶς γᾶς, ὅμοιώς τὰ αὐτὰ λαμβάνων τοῖς πλείστοις τῶν προτέρων ἀστρολόγων· μετὰ δὲ ταῦτα τὰν διάμετρον τοῦ ἀλιου τᾶς διαμέτρου τᾶς σελήνας ὡς τριακονταπλασίαν εἴμεν καὶ μὴ μείζονα, καίπερ τῶν προτέρων ἀστρολόγων Εὑδόξου μὲν ὡς ἐννεαπλασίονα ἀποφαινομένου, Φεδία δὲ τοῦ ἀμοῦ πατρὸς ὡς δὴ δωδεκαπλασίαν, Ἀριστάρχου δὲ πεπειραμένου δεικνύειν ὅτι ἐστὶν ἢ διάμετρος τοῦ ἀλιου τᾶς διαμέτρου τᾶς σελήνας μείζων μὲν ἥ δικτωκαιαδεκαπλασίων, ἐλάττων δὲ ἥεικοσαπλασίων· ἐγὼ δὲ ὑπερβαλλόμενος

καὶ τοῦτον, ὅπως τὸ προκείμενον ἀναμφιλόγως η̄ δεδειγμένον, ὑποτίθεμαι τὰν διάμετρον τοῦ ἀλίου τᾶς διαμέτρου τᾶς σελήνας ὡς τριακονταπλασίαν εῖμεν καὶ μὴ μείζονα· ποτὶ δὲ τούτοις τὰν διάμετρον τοῦ ἀλίου μείζονα εῖμεν τᾶς τοῦ χιλιαγώνου πλευρᾶς τοῦ εἰς τὸν μέγιστον κύκλον ἐγγραφομένον τόνδε τὸν τρόπον ἐπειράθην ὁργανικῶν λαβεῖν τὰν γωνίαν, εἰς ἀνὸ ἄλιος ἐναρμόζει τὰν κορυφὰν ἔχουσαν ποτὶ τῷ ὅψει. Τὸ μὲν οὖν ἀκριβὲς λαβεῖν οὐκ εὔχερές ἔστι διὰ τὸ μῆτε τὰν ὅψιν μῆτε τὰν χεῖρας μῆτε τὰ ὅργανα, δι’ ὃν δεῖ λαβεῖν, ἀξιόπιστα εἶμεν τὸ ἀκιβὲς ἀποφαίνεσθαι· περὶ δὲ τούτων ἐπὶ τοῦ παρόντος οὐκ εὕκαιρον μακύνειν ἄλλως τε καὶ πλεονάκις τοιούτων ἐμπεφανισμένων· ἀποχρή δέ μοι ἐξ τὰν ἀπόδειξιν τοῦ προκειμένου γωνίαν λαβεῖν, ἀτις ἔστι μὴ μείζων τᾶς γωνίας, εἰς ἀνὸ ἄλιος ἐναρμόζει τὰν κορυφὰν ἔχουσαν ποτὶ τῷ ὅψει, καὶ πάλιν ἄλλαν γωνίαν λαβεῖν, ἀτις ἔστι οὐκ ἐλάττων τᾶς γωνίας, εἰς ἀνὸ ἄλιος ἐναρμόζει τὰν κορυφὰν ἔχουσαν ποτὶ τῷ ὅψει. Τεθέντος οὖν μακροῦ κανόνος ἐπὶ πόδα ὁρθὸν ἐν τόπῳ κείμενον, ὅθεν ἥμελλεν ἀνατέλλων ὁ ἄλιος ὁρᾶσθαι, καὶ κυλίνδρου μικροῦ τορνευθέντος καὶ τθέντος ἐπὶ τὸν κανόνα ὁρθοῦ εὐθέως μετὰ τὰν ἀνατολὰν τοῦ ἀλίου, ἐπειτ’ ἐόντος αὐτοῦ ποτὶ τῷ ὅρίζοντι καὶ δυναμένου ἀντιβλέπεσθαι ἐπεστράφη ὁ κανὼν εἰς τὸν ἄλιον, καὶ ᾧ ὅψις κατεστάθη ἐπὶ τὸ ἄκρον τοῦ κανόνος· ὁ δὲ κύλινδρος ἐν μέσῳ, κείμενος τοῦ τε ἀλίου καὶ τᾶς ὅψιος ἐπεσκότει τῷ ἀλίῳ.

’Αποχωριζόμενος οὖν [τοῦ κυλίνδρου] ἀπὸ τᾶς ὅψιος, ἐν φῷ ἄρχατο παραφανεσθαι τοῦ ἀλίου μικρὸν ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ κυλίνδρου, κατεστάθη ὁ κύλινδρος. Εἰ μὲν οὖν συνέβαινεν τὰν ὅψιν ἀφ’ ἐνὸς σαμείου βλέπειν, εὐθειῶν ἀχθεισᾶν ἀπ’ ἄκρου τοῦ κανόνος, ἐν φῷ τόπῳ ᾧ ὅψις κατεστάθη, ἐπιψαυουσᾶν τοῦ κυλίνδρου ἀ περιεχομένα γωνία ὑπὸ τῶν ἀχθεισῶν ἐλάσσων καὶ ἵς τᾶς γωνίας, εἰς ἀνὸ ἄλιος ἐναρμόζει τὰν κορυφὰν ἔχουσαν ποτὶ τῷ ὅψει, διὰ τὸ παραβλέπεσθαί τι τοῦ ἀλίου ἐφ’ ἐκάτερα τοῦ κυλίνδρου· ἐπει τὸ δὲ ὅψιες οὐκ ἀφ’ ἐνὸς σαμείου βλέποντι, ἀλλὰ ἀπό τινος μεγέθεος, ἐλάφθη τι μέγεθος στρογγύλον οὐκ ἔλαττον ὅψιος, καὶ τεθέντος τοῦ μεγέθεος ἐπὶ τὸ ἄκρον τοῦ κανόνος, ἐν φῷ τὸπῳ ᾧ ὅψις κατεστάθη, ἀχθεισῶν εὐθειῶν ἐπιψαυουσῶν τοῦ τε μεγέθεος καὶ τοῦ κυλίνδρου ἀ οὖν περιεχομένα γωνία ὑπὸ τῶν ἀχθεισῶν ἐλάττων ἵς τᾶς γωνίας, εἰς ἀνὸ ἄλιος ἐναρμόζει τὰν κορυφὰν ἔχουσαν ποτὶ τῷ ὅψει. Τὸ δὲ μέγεθος τὸ οὐκ ἔλαττον τᾶς ὅψιος τόνδε τὸν τρόπον εὑρίσκεται· δύο

κυλίνδρια λαμβάνεται λεπτὰ ἴσοπαχέα ἀλλάλοις, τὸ μὲν λευκόν, τὸ δὲ οὖ, καὶ προτίθενται πρὸ τᾶς ὅψιος, τὸ μὲν λευκὸν ἀφεστακὸς ἀπ' αὐτᾶς, τὸ δὲ οὖ λευκὸν ὡς ἔστιν ἐγγυτάτῳ τᾶς ὅψιος, ὥστε καὶ θιγγάνειν τοῦ προσώπου. Εἰ μὲν οὖν καὶ τὰ λαφύρια κυλίνδρια λεπτότερα ἔωντι τᾶς ὅψιος, περιλαμβάνεται ὑπὸ τᾶς ὅψιος τὸ ἐγγὺς κυλίνδριον καὶ ὁρήται ὑπὸ αὐτᾶς τὸ λευκόν, εἰ μέν καὶ παρὰ πολὺ λεπτότερα ἔωντι, πᾶν, εἰ δέ καὶ μὴ παρὰ πολὺ, μέρεά τινα τοῦ λευκοῦ ὁρῶνται ἐφ' ἐκάτερα τοῦ ἐγγὺς τᾶς ὅψιος, λαφύριαν δὲ τῶνδε τῶν κυλίνδρίων ἐπιταδείων πως τῷ πάχει ἐπισκοτεῖ τὸ ἔτερον αὐτῶν τῷ ἐτέρῳ καὶ οὐ πλείονι τόρῳ· τὸ δὴ ταλικοῦτον μέγεθος, ἀλίκον ἔστι τὸ πάχος τῶν κυλίνδρίων τῶν τοῦτο ποιούντων, μάλιστά πώς ἔστιν οὐκ ἔλαττον τᾶς ὅψιος. Ἐνταῦτον δὲ γωνία ἀ οὔκ ἔλαττων τᾶς γωνίας, εἰς ἀν δὲ ἀλιος ἐναρμόζει τὰν κορυφὰν ἔχουσαν ποτὶ τῷ ὅψει, οὔτως ἔλαφθη· ἀποσταθέντος ἐπι τοῦ κανονίου τοῦ κυλίνδρου ἀπὸ τᾶς ὅψιος οὔτως, ὡς ἐπισκοτεῖν τὸν κύλινδρον ὅλῳ τῷ ἀλιῷ, καὶ ἀχθεισᾶν εὐθειῶν ἀπ' ἄκρου τοῦ κανόνος, ἐν τῷ τόπῳ ἀ ὅψις κατεστάθη, ἐπιψαυουσᾶν τοῦ κυλίνδρου ἀ περιεχομένα γωνία ὑπὸ τῶν ἀχθεισῶν εὐθειῶν οὐκ ἔλαττων γίνεται τᾶς γωνίας, εἰς ἀν δὲ ἀλιος ἐναρμόζει τὰν κορυφὰν ἔχουσαν ποτὶ τῷ ὅψει. Ταῦτα δὴ γωνίας τᾶς οὔτως λαφύρεισας καταμετρηθείσας ὀρθᾶς γωνίαις ἐγένετο ἀ ἐν στίγμῃ διαιρεθείσας τᾶς ὀρθᾶς εἰς $\overline{\rho\zeta\delta}$ ἔλαττων ἦ ἐν μέρος τούτων, ἀ δὲ ἔλαττων διαιρεθείσας τᾶς ὀρθᾶς εἰς $\overline{\sigma}$ μείζων ἦ ἐν μέρος τούτων· δῆλον οὖν ὅτι καὶ ἀ γωνία, εἰς ἀν δὲ ἀλιος ἐναρμόζει τὰν κορυφὰν ἔχουσαν ποτὶ τῷ ὅψει, ἔλαττων μέν ἔστιν ἷ διαιρεθείσας τᾶς ὀρθᾶς εἰς $\overline{\rho\zeta\delta}$ τούτων ἐν μέρος, μείζων δὲ ἷ διαιρεθείσας τᾶς ὀρθᾶς εἰς $\overline{\sigma}$ τούτων ἐν μέρος. Πεπιστευμένων δὲ τούτων δείκνυται ἀ διάμετρος τοῦ ἀλίου μείζων ἐοῦσα τᾶς τοῦ χιλιαγώνου πλευρᾶς τοῦ εἰς τὸν μέγιστον κύκλον ἐγγραφομένου τῶν ἐν τῷ κόσμῳ. Νοείσθω γάρ ἐπίπεδον ἐκβεβλημένον διά τε τοῦ κεντρού τοῦ ἀλίου καὶ τοῦ κέντρου τᾶς γᾶς καὶ διὰ τᾶς ὅψιος, μικρὸν ὑπὲρ τὸν ὄριζοντα ἐόντος τοῦ ἀλίου, τεμνέτω δὲ τὸ ἐκβληθὲν ἐπίπεδον τὸν μὲν κόσμον κατὰ τὸν ΑΒΓ κύκλον, τὰν δὲ γᾶν κατὰ τὸν ΔΕΖ, τὸν δὲ ἀλιον κατὰ τὸν ΣΗ κύκλον, κέντρον δὲ ἔστω τᾶς μὲν γᾶς τὸ Θ, τοῦ δὲ ἀλίου τὸ Κ, ὅψις δὲ ἔστω τὸ Δ, καὶ ἀχθωσαν εὐθεῖαι ἐπιψαυουσαι τοῦ ΣΗ κύκλου ἀπὸ μὲν τοῦ Δ αἱ ΔΛ, ΔΞ, ἐπιψαύοντων δὲ δατὰ τὸ Ν καὶ τὸ Τ, ἀπὸ δὲ τοῦ Θ αἱ ΘΜ, ΘΟ, ἐπιψαύοντων δὲ κατὰ τὸ Χ καὶ τὸ Π, τὸν δὲ ΑΒΓ κύκλον

τεμνόντων αἱ ΘΜ, ΘΟ καὶ τὸ Α καὶ τὸ Β· ἔστι δὴ μείζων ἢ ΘΚ τὰς ΔΚ,
 ἐπεὶ ὑπόκειται ὁ ἄλιος ὑπὲρ τὸν ὄριζοντα εἴμεν· ὥστε ἡ γωνία ἢ περιεχομένα
 ὑπὸ τῶν ΔΛ, ΔΞ μείζων ἔστι τὰς γωνίας τὰς περιεχομένας ὑπὸ τῶν ΘΜ, ΘΟ.
 Ἀ δὲ περιεχομένα γωνία ὑπὸ τῶν ΔΛ, ΔΞ μείζων μέν ἔστι ἡ διακοσιοστὸν
 μέρος ὀρθᾶς, ἐλάττων δὲ ἡ τὰς ὀρθᾶς διαιρεθείσας εἰς $\overline{\rho\xi\delta}$ τούτων ἐν μέρος·
 ἵσα γάρ ἔστιν τῷ γωνίᾳ, εἰς ὅν ὁ ἄλιος ἐναρμόζει τὸν κορυφὰν ἔξουσαν ποτὶ¹
 τῷ ὄψει· ὥστε ἡ γωνία ἢ περιεχομένα ὑπὸ τῶν ΘΜ, ΘΟ ἐλάττων ἔστιν ἡ τὰς
 ὀρθᾶς διαιρεθείσας εἰς $\overline{\rho\xi\delta}$ τούτων ἐν μέρος, ἡ δὲ ΑΒ εὐθεῖα ἐλάττων ἔστι
 τὰς ὑποτεινούσας ἐν τμῆμα διαιρεθείσας τὰς τοῦ ΑΒΓ κύκλου περιφερείας
 ἐς $\overline{\chi\nu}$. Ἀ δὲ τοῦ εἰρημένου πολυγωνίου περίμετρος ποτὶ τὸν ἐκ τοῦ κέν-
 τρου τοῦ ΑΒΓ κύκλου ἐλάττονα λόγον ἔχει ἡ τὰ $\overline{\mu\delta}$ ποτὶ τὰ $\overline{\zeta}$ διὰ τὸ παντὸς
 πολυγωνίου ἐγγεγραμμένου ἐν κύκλῳ τὸν περίμετρον ποτὶ τὸν ἐκ τοῦ κέν-
 τρου ἐλάττονα λόγον ἔχειν ἡ τὰ $\overline{\mu\delta}$ ποτὶ τὰ $\overline{\zeta}$ ἐπίστασαι γὰρ δεδειγμένον
 ὑφ' ἀμῶν ὅτι παντὸς κύκλου ἢ περιφέρεια μείζων ἔστιν ἡ τριπλασίων τὰς
 διαιμέτρου ἐλάσσονι ἡ ἐβδόμῳ μέρει, ταύτας δὲ ἐλάττων ἔστιν ἢ περίμετρος
 τοῦ ἐγγραφέντος πολυγωνίου ἐλάττων οὖν λόγον ἔχει ἢ ΒΑ ποτὶ τὸν ΘΚ ἡ
 τὰ $\overline{\tau\alpha}$ ποτὶ τὰ $\overline{\alpha\rho\mu\eta}$ ὥστε ἐλάττων ἔστιν ἢ ΒΑ τὰς ΘΚ ἡ ἐκατοστὸν μέρος.
 Τῷ δὲ ΒΑ ἵσα ἔστιν ἢ διάμετρος τοῦ ΣΗ κύκλου, διότι καὶ ἡ μίσεια αὐτᾶς
 ἢ ΦΑ ἵσα ἔστι τὰ ΚΡ· ἵσται γὰρ ἐουσῶν τὸν ΘΚ, ΘΑ ἀπὸ τῶν περάτων κάθε-
 τοι ἐπιζεύγνυνται ὑπὸ τὸν αὐτὰν γωνίαν δῆλον οὖν ὅτι ἢ διάμετρος τοῦ ΣΗ
 κύκλου ἐλάττων ἔστιν ἡ ἐκατοστὸν μέρος τὰς ΘΚ. Καὶ ἡ ΕΘΥ διάμετρος
 ἐλάττων ἔστι τὰς διαιμέτρου τοῦ ΣΗ κύκλου, ἐπεὶ ἐλάττων ἔστιν ὁ ΔΕΖ κύκ-
 λος τοῦ ΖΗ κύκλου· ἐλάττονες ἄρα ἐντὶ ἀμφότεραι αἱ ΘΥ, ΚΣ ἡ ἐκατοστὸν
 μέρος τὰς ΘΚ· ὥστε ἡ ΘΚ ποτὶ τὸν ΥΣ ἐλάττονά λόγον ἔχει ἡ τὰ $\overline{\rho}$ ποτὶ τὰ $\overline{\theta}$.
 Καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν ΘΚ οὐκ ἐλάττων ἔστι τὰς ΘΠ, ἡ δὲ ΣΥ ἐλάττων τὰς ΔΤ,
 ἐλάττω ἄρα καὶ λόγον ἔχοι ἡ ΘΠ ποτὶ τὸν ΔΤ ἡ τὰ $\overline{\rho}$ ποτὶ τὰ $\overline{\theta}$. Ἐπεὶ δὲ τῶν
 ΘΚΡ, ΔΚΤ ὀρθογωνίων ἐόντων αἱ μὲν ΚΡ, ΚΤ πλευραὶ ἵσαι ἐντὶ, αἱ δὲ ΘΡ,
 ΔΤ ἀνίσοι καὶ μείζων ἢ ΘΡ, ἡ γωνία ἢ περιεχομένα ὑπὸ τῶν ΔΤ, ΔΚ ποτὶ²
 τὸν γωνίαν τὸν περιεχομέναν ὑπὸ τῶν ΘΠ, ΘΚ μείζονα μὲν ἔχει λόγον ἡ ἢ
 ΘΚ ποτὶ τὸν ΔΚ, ἐλάττων δὲ ἡ ἢ ΘΡ ποτὶ τὸν ΔΤ· εἰ γάρ καὶ δυῶν τριγώνων
 ὀρθογωνίων αἱ μὲν ἄτεραι πλευραὶ αἱ περὶ τὸν ὀρθὰν γωνίαν ἵσαι ἔωντι, αἱ δὲ
 ἄτεραι ἀνίσοι, ἡ μείζων γωνία τὸν ποτὶ ταῖς ἀνίσοις πλευραῖς ποτὶ τὸν ἐλάτ-

τονα μείζονα μὲν ἔχει λόγον ἢ ἀ μείζων γραμμὰ τὰν ὑπὸ τὰν ὄρθὰν γωνίαν ὑποτεινουσῶν ποτὶ τὰν ἐλάττονα, ἐλάττονα δὲ ἢ ἀ μείζων γραμμὰ τὰν περὶ τὰν ὄρθὰν γωνίαν ποτὶ τὰν ἐλάττονα. "Ωστε ἀ γωνία ἀ περιεχομένα ὑπὸ τὰν ΔΛ, ΔΞ ποτὶ τὰν γωνίαν τὰν περιεχομέναν ὑπὸ τὰν ΘΟ, ΘΜ ἐλάττω λόγον ἔχει ἢ ἀ ΘΡ ποτὶ τὰν ΔΤ, ἅτις ἐλάττω λόγον ἔχει ἢ τὰ ῥ ποτὶ θ· ὥστε καὶ ἀ γωνία ἀ περιεχομένα ὑπὸ τὰν ΔΛ, ΔΞ ποτὶ τὰν γωνίαν τὰν περιεχομέναν ὑπὸ τὰν ΘΜ, ΘΟ ἐλάττω λόγον ἔχει ἢ τὰ ῥ ποτὶ τὰ θ. Καὶ ἐπεὶ ἔστιν ἀ γωνία ἀ περιεχομένα ὑπὸ τὰν ΔΛ, ΔΞ μείζων ἢ διακοσιοστὸν μέρος ὄρθᾶς, εἰν καὶ ἀ γωνία ἀ περιεχομένα ὑπὸ τὰν ΘΜ, ΘΟ μείζων ἢ τὰς ὄρθᾶς διαιρεθείσας ἐς δισμύρια τούτων θ μέρεα· ὥστε μείζων ἔστιν ἢ διαιρεθείσας τὰς ὄρθᾶς εἰς σκαὶ γ τούτων ἐν μέρος. 'Α ὅρα ΒΑ μείζων ἔστι τὰς ὑποτεινούσας ἐν τμῆμα διηρημένας τὰς τοῦ ΑΒΓ κύκλου περιφερείας εἰς $\overline{\omega\beta}$. Τῷ δὲ ΑΒ ἵσα ἐντὶ ἀ τοῦ ἀλίου διάμετρος δῆλον οὖν ὅτι μείζων ἔστιν ἀ τοῦ ἀλίου διάμετρος τὰς τοῦ χιλιαγώνου πλευρᾶς.

II. Τούτων δὲ ὑποκειμένων δείκνυται καὶ τάδε· οἶνον ἀ διάμετρος τοῦ κόσμου τὰς διαμέτρου τὰς γᾶς ἐλάττων ἔστιν ἢ μυριοπλασίων, καὶ ἔτι ἀ διάμετρος τοῦ κόσμου ἐλάττων ἔστιν ἢ σταθίων μυριάκις μυριαδες $\overline{\rho}$. Ἐπεὶ γάρ ὑπόκειται τὰν διάμετρον τοῦ ἀλίου μὴ μείζων εἴμεν ἢ τριακονταπλασίονα τὰς διαμέτρου τὰς σελήνας, τὰν δὲ διάμετρον τὰς γᾶς μείζων εἴμεν τὰς διαμέτρου τὰς σελήνας, δῆλον ὡς ἀ διάμετρος τοῦ ἀλίου ἐλάττων ἔστιν ἢ τριακονταπλασίων τὰς διαμέτρου τὰς γᾶς. Πάλιν δέ, ἐπεὶ ἐδειχθῇ ἀ διάμετρος τοῦ ἀλίου μείζων ἐοῦσα τὰς τοῦ χιλιαγώνου πλευρᾶς τοῦ εἰς τὸν μέγιστον κύκλον ἐγγραφομένου τῶν ἐν τῷ κόσμῳ, φανερὸν ὅτι ἀ τοῦ χιλιαγώνου περίμετρος τοῦ εἰρημένου ἐλάττων ἔστιν ἢ χιλιοπλασίων τὰς διαμέτρου τοῦ ἀλίου. 'Α δὲ διάμετρος τοῦ ἀλίου ἐλάττων ἔστιν ἢ τριακονταπλασίων τὰς διαμέτρου τὰς γᾶς· ὥστε ἀ περίμετρος τοῦ χιλιαγώνου ἐλάττων ἔστιν ἢ τρισμυριοπλασίων τὰς διαμέτρου τὰς γᾶς. Ἐπεὶ οὖν ἀ περίμετρος τοῦ χιλιαγώνου τὰς μὲν διαμέτρου τὰς γᾶς ἐλάττων ἔστιν ἢ τρισμυριοπλασίων, τὰς δὲ διαμέτρου τοῦ κόσμου μείζων ἢ τριπλασίων δέδεικται γάρ τοι διότι παντὸς κύκλου ἀ διάμετρος ἐλάττων ἔστιν ἢ τρίτον μέρος παντὸς πολυγωνίου τᾶς περιμέτρου, ὃ καὶ ἴσοπλευρον ἢ καὶ πολυγωνότερον τοῦ ἑξαγώνου ἐγγεγραμμένον ἐν τῷ κύκλῳ· εἰν καὶ ἀ διάμετρος τοῦ κόσμου ἐλάττων ἢ μυριοπλασίων τὰς διαμέτρου τὰς

γᾶς. Ἐάν οὖν διάμετρος τοῦ κόσμου ἐλάττων ἔοῦσα ἢ μυριοπλασίων τᾶς διαμέτρου τᾶς γᾶς δέδεικται· ὅτι δὲ ἐλάττων ἔστιν ἀ διάμετρος τοῦ κόσμου ἢ σταδίων μυριάκις μυριάδες ἢ ἐκ τούτου δῆλον· ἐπεὶ γὰρ ὑπόχειται τὰν περίμετρον τᾶς γᾶς μὴ μείζονα εἴμεν ἢ τριακοσίας μυριάδας σταδίων, ἀ δὲ περίμετρος τᾶς γᾶς μείζων ἔστιν ἢ τριπλασία τᾶς διαμέτρου διὰ τὸ παντὸς κύκλου τὰν περιφέρειαν μείζονα εἴμεν ἢ τριπλασίονα τᾶς διαμέτρου, δῆλον ὡς ἀ διάμετρος τᾶς γᾶς ἐλάττων ἔστιν ἢ σταδίων ἢ μυριάδες. Ἐπεὶ οὖν ἀ τοῦ κόσμου διάμετρος ἐλάττων ἔστιν ἢ πυριοπλασίων τᾶς διαμέτρου τᾶς γᾶς, δῆλον ὡς ἀ τοῦ κόσμου διάμετρος ἐλάττων ἔστιν ἢ σταδίων μυριάκις μυριάδες ἢ. Περὶ μὲν οὖν τῶν μεγεθέων καὶ τῶν ἀποστημάτων ταῦτα ὑποτίθεμαι, περὶ δὲ τοῦ φάμμου τάδε· εἰ καὶ ἢ τι συγκείμενον μέγεθος ἐκ τοῦ φάμμου μὴ μείζον μάκωνος, τὸν ἀριθμὸν αὐτοῦ μὴ μείζονα εἴμεν μυρίων, καὶ τὰν διάμετρον τᾶς μάκωνος μὴ ἐλάττονα εἴμεν ἢ τετρωκοστομόριον δακτύλου. Ὑποτίθεμαι δὲ τοῦτο ἐπισκεψάμενος τόνδε τὸν τρόπον· ἐτέθεν ἐπὶ κανόνα λεῖον μάκωνες ἐπ’ εὐθείας ἐπὶ μίαν κείμεναι ἀπτόμεναι ἀλλαλᾶν, καὶ ἀνέλαβον αἱ κατασκευασταὶ πλέονα τόπον δακτυλιάσου μάκεος. Ἐλάττονα οὖν τιθεὶς τὰν διάμετρον τᾶς μάκωνος ὑποτίθεμαι ὡς τετρωκοστομόριον εἴμεν δακτύλου καὶ μὴ ἐλάττονα βουλόμενος καὶ διὰ τούτων ἀναμφιλογώτατα δείκνυσθαι τὸ προκείμενον.

III. Ἐάν οὖν ὑποτίθεμαι, ταῦτα· χρήσιμον δὲ εἴμεν ὑπολαμβάνω τὰν κατονόμαξιν τῶν ἀριθμῶν ῥηθῆμεν, ὅπως καὶ τῶν ἄλλων οἱ τῷ βιβλίῳ μὴ περιτευχότες τῷ ποτὶ Ζεύξιππον γεγραμμένῳ μὴ πλανῶνται διὰ τὸ μηδὲν εἴμεν ὑπὲρ αὐτᾶς ἐν τῷδε τῷ βιβλίῳ προειρημένον. Συμβαίνει δὴ τὰ δύναματα τῶν ἀριθμῶν ἐς τὸ μὲν τῶν μυρίων ὑπάρχειν ὅμην παραδεδομένα, καὶ ὑπὲρ τὸ τῶν μυρίων [μὲν] ἀποχρεόντως γιγνώσκομες μυριάδων ἀριθμὸν λέγοντες ἔστε ποτὶ τὰς μυρίας μυριάδας. Ἐστων οὖν ἀμῦν οἱ μὲν νῦν εἰρημένοι ἀριθμοὶ ἐς τὰς μυρίας μυριάδας πρῶτοι καλούμενοι, τῶν δὲ πρώτων ἀριθμῶν αἱ μύριαι μυριάδες μονάδες καλείσθω δευτέρων ἀριθμῶν, καὶ ἀριθμείσθων τῶν δευτέρων μονάδες καὶ ἐκ τῶν μονάδων δεκάδες καὶ ἔκατοντάδες καὶ χιλιάδες καὶ μυριάδες ἐς τὰς μυρίας μυριάδας. Πάλιν δὲ καὶ αἱ μύριαι μυριάδες τῶν δευτέρων ἀριθμῶν μονάδες καλείσθω τρίτων ἀριθμῶν, καὶ ἀριθμείσθων τῶν τρίτων ἀριθμῶν μονάδες καὶ ἀπὸ τῶν μονάδων δεκάδες καὶ ἔκατοντάδες καὶ χιλιάδες καὶ μυριάδες ἐς τὰς μυρίας μυριάδας. Τὸν αὐτὸν δὲ τρόπον

καὶ τῶν τρίτων ἀριθμῶν, καὶ αἱ τῶν τετάρτων ἀριθμῶν μύριαι μυριάδες μονὰς καλείσθω πέμπτων ἀριθμῶν, καὶ ἀεὶ οὕτως προάγοντες οἱ ἀριθμοὶ τὰ ὄνόματα ἔχόντων ἐς τὰς μυριακισμυριοστῶν ἀριθμῶν μυρίας μυριάδας. Ἐποχρέοντι μὲν οὖν καὶ ἐπὶ τοσοῦτον οἱ ἀριθμοὶ γιγνωσκόμενοι, ἔξεστι δὲ καὶ ἐπὶ πλέον προάγειν. Ἐστων γὰρ οἱ μὲν νῦν εἰρημένοι ἀριθμοὶ πρώτας περιόδου καλούμενοι, δὲ ἔσχατος ἀριθμὸς τὰς πρώτας περιόδου μονὰς καλείσθω δευτέρας περιόδου πρώτων ἀριθμῶν. Πάλιν δὲ καὶ αἱ μύριαι μυριάδες τὰς δευτέρας περιόδου πρώτων ἀριθμῶν μονὰς καλείσθω τὰς δευτέρας περιόδου δευτέρων ἀριθμῶν. Ομοίως δὲ καὶ τούτων ὁ ἔσχατος μονὰς καλείσθω δευτέρας πειόδου τρίτων ἀριθμῶν, καὶ ἀεὶ οὕτως οἱ ἀριθμοὶ πρόαγοντες τὰ ὄνόματα ἔχόντων τὰς δευτέρας περιόδου ἐς τὰς μυριακισμυριοστῶν ἀριθμῶν μυρίας μυριάδας. Πάλιν δὲ καὶ ὁ ἔσχατος ἀριθμὸς τὰς δευτέρας περιόδου μονὰς καλείσθω τρίτων πρώτων ἀριθμῶν, καὶ ἀεὶ οὕτως προαγόντων ἐς τὰς μυριακισμυριοστᾶς περιόδου μυριακισμυριοστῶν ἀριθμῶν μυρίας μυριάδας. Τούτων δὲ οὕτως κατωνομασμένων, εἰ καὶ ἔωντι ἀριθμοὶ ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον ἔξῆς κείμενοι, δὲ παρὰ τὰν μονάδα δεκάς ἥ, ὀκτὼ μὲν αὐτῶν οἱ πρῶτοι σὺν τῷ μονάδι τῶν πρώτων ἀριθμῶν καλουμένων ἐσσοῦνται, οἱ δὲ μετ' αὐτοὺς ἄλλοι ὀκτὼ τῶν δευτέρων καλουμένων, καὶ οἱ ἄλλοι τὸν αὐτὸν τρόπον τούτοις τῶν συνωνύμων καλουμένων ἐσσοῦνται τῷ ἀποστάσει τὰς ὀκτάδος τῶν ἀριθμῶν ἀπὸ τὰς πρώτας ὀκτάδος τῶν ἀριθμῶν. Τὰς μὲν οὖν πρώτας ὀκτάδος τῶν ἀριθμῶν ὁ ὅγδοος ἐστιν ἀριθμὸς χίλιαι μυριάδες, τὰς δὲ δευτέρας ὀκτάδος ὁ πρῶτος, ἐπεὶ δεκαπλασίων ἐστὶν τοῦ πρὸ αὐτοῦ, μύριαι μυριάδες ἐσσεῖται· οὕτοις δέ ἐστι μονὰς τῶν δευτέρων ἀριθμῶν. Οἱ δὲ ὅγδοοις τὰς δευτέρας ὀκτάδος ἐστὶ χίλιαι μυριάδες τῶν δευτέρων ἀριθμῶν. Πάλιν δὲ καὶ τὰς τρίτας ὀκτάδος ὁ πρῶτος, ἐπεὶ δεκαπλασίων ἐστὶ τοῦ πρὸ αὐτοῦ, μύριαι μυριάδες ἐσσεῖται τῶν δευτέρων ἀριθμῶν· οὕτοις δέ ἐστιν μονὰς τῶν τρίτων ἀριθμῶν. Φανερὸν δὲ ὅτι καὶ πολλοῖσται ὀκτάδες ἔξοῦντι ὡς εἰρηται. Χρήσιμο δέ ἐστι καὶ τόδε γιγνωσκόμενον. Εἴ καὶ ἀριθμῶν ἀπὸ τὰς μονάδος ἀνάλογον ἔόντων πολλαπλασιάζωντί τινες ἀλλάλους τῶν ἐκ τὰς αὐτᾶς ἀναλογίας, ὁ γενόμενος ἐσσεῖται ἐκ τὰς αὐτᾶς ἀναλογίας ἀπέχων ἀπὸ μὲν τοῦ μείζονος τῶν πολλαπλασιαζόντων ἀλλάλους, ὅσους ὁ ἐλάττων τῶν πολλαπλασιαζόντων ἀπὸ μονάδος ἀνάλογου ἀπέχει, ἀπὸ δὲ τὰς μονάδος ἀφέζει ἐνὶ ἐλάττονας ἥ ὅσος

έστιν ὁ ἀριθμὸς συναμφοτέρων, οὓς ἀπέχοντι ἀπὸ μονάδος οἱ πολλαπλασιάζ-
αντες ἀλλάλους. Ἐστων γὰρ ἀριθμοί τινες ἀνάλογον ἀπὸ μονάδος οἱ Α, Β,
Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ, Ι, Κ, Λ, μονὰς δὲ ἔστω ὁ Α, καὶ πεπολλαπλασιάσθω ὁ Δ τῷ
Θ, ὁ δὲ γενόμενος ἔστω ὁ Χ. Λελάφθω δὲ ἐκ τῆς ἀναλογίας ὁ Λ ἀπέχων ἀπὸ
τοῦ Θ τοσούτους, ὅσους ὁ Δ ἀπὸ μονάδος ἀπέχει· δεικτέον ὅτι ἵσος ἔστιν ὁ
Χ τῷ Λ. Ἐπεὶ οὖν ἀνάλογον ἔόντων ἀριθμῶν ἵσους ἀπέχει ὁ τε Δ ἀπὸ τοῦ
Α καὶ ὁ Λ ἀπὸ τοῦ Θ, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον ὁ Δ ποτὶ τὸν Α, δν ὁ Λ ποτὶ τὸν
Θ. Πολλαπλασίων δέ ἔστιν ὁ Δ τοῦ Α τῷ Δ· πολλαπλασίων ἄρα ἔστιν καὶ ὁ
Λ τοῦ Θ τῷ Δ· ὥστε ἵσος ἔστιν ὁ Λ τῷ Χ. Δῆλον οὖν ὅτι ὁ γενόμενος ἐκ τᾶς
ἀναλογίας τέ ἔστιν καὶ ἀπὸ τοῦ μείζονος τῶν πολλαπλασιαζάντων ἀλλάλους
ἵσους ἀπέχων, ὅσους ὁ Θ ἀπὸ μονάδος ἀπέχει, οἱ δὲ Ι, Κ, Λ ἐνὶ ἐλάττονες ἢ
ὅσους ὁ Δ ἀπὸ μονάδος ἀπέχει· σὺν γὰρ τῷ Θ τοσοῦτοί ἐντι.

IV. Τούτων δὲ τῶν μὲν ὑποκειμένων, τῶν δὲ ἀκοδεδειγμένων, τὸ προκεί-
μενον δειχθήσεται. Ἐπὶ γὰρ ὑπόκειται τὰν διάμετρον τᾶς μάκωνος μὴ ἐλά-
σσονα εἴμεν ἢ τετρακοστομόριον δακτύλου, δῆλον ως ἢ σφαῖρα ἢ δακτυλιαίαν
ἔχουσα τὰν διάμετρον οὐ μείζον ἔστιν ἢ ὥστε χωρεῖν μάκωνας ἐξακισμυρίας
καὶ τετρακισχιλίας· τᾶς γὰρ σφαῖρας τᾶς ἔχούσας τὰν διάμετρον τετρακο-
στομόριον δακτύλου πολλαπλασίᾳ ἔστιν τῷ εἰρημένῳ ἀριθμῷ· δέδεικται γάρ τοι
ὅτι αἱ σφαῖραι τριπλάσιον λόγον ἔχοντι ποτὶ ἀλλάλα τᾶν διαμέτρων. Ἐπεὶ
δὲ ὑπόκειται καὶ τοῦ φάμου τὸν ἀριθμὸν τοῦ εἰς τὸ τᾶς μάκωνος μέγε-
θος μὴ μείζονα εἴμεν μυρίων, δῆλον ως, εἰ πληρωθείη φάμου ἢ σφαῖρα ἢ
δακτυλιαίαν ἔχουσα τὰν διάμετρον, οὐ μείζων καὶ εἰνὶ ὁ ἀριθμὸς τοῦ φάμ-
ου ἢ μυριάκις τὰ ἐξακισμύρια καὶ τετρακισχιλία. Οὕτος δέ ἔστιν ὁ ἀριθμὸς
μονάδες τε τῶν δευτέρων ἀριθμῶν καὶ τῶν πρώτων μυριάδες τετρακισχιλί-
αι· ἐλάσσοναν οὖν ἔστιν ἢ τὰ μονάδες τῶν δευτέρων ἀριθμῶν. Ἄ δὲ τῶν
ῥ δακτύλων ἔχουσα τὰν διάμετρον σφαῖρα πολλαπλασίᾳ ἔστιν τᾶς δακτυ-
λιαίαν ἔχούσας τὰν διάμετρον σφαῖρας ταῖς ῥ μυριάδεσσιν διὰ τὸ τριπλά-
σιον λόγον ἔχειν ποτ’ ἀλλάλας τᾶν διαμέτρων τὰς σφαῖρας. Εἰ οὖν γένοιτο
ἐκ τοῦ φάμου σφαῖρα ταλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκα ἔστιν ἢ σφαῖρα ἢ ἔ-

χουσα τὰν διάμετρον δακτύλων ῥ, δῆλον ὡς ἐλάττων ἐσσεῖται ὁ τοῦ φάμ-
μου ἀριθμὸς τοῦ γενομένου ἀριθμοῦ πολλαπλασιασθεισᾶν τāν δέκα μονάδων
τῶν δευτέρων ἀριθμῶν ταῖς ῥ μυριάδεσσιν. Ἐπειὶ δ' αἱ τῶν δευτέρων ἀρι-
θμῶν δέκα μονάδες δέκατός ἐστιν ἀριθμὸς ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον ἐν τῷ τῶν
δεκαπλασίων ὅρων ἀναλογίᾳ, αἱ δὲ ἑκατὸν μυριάδες ἔβδομος ἀπὸ μονάδος
ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας, δῆλον ὡς ὁ γενόμενος ἀριθμὸς ἐσσεῖται τῶν ἐκ
τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας ἑκκαιδέκατος ἀπὸ μονάδος· δέδεικται γὰρ ὅτι ἐνὶ ἐλάτ-
σονα ἀπέχει ἀπὸ τᾶς μονάδος ἡ ὅσος ἐστὶν ὁ ἀριθμὸς συναμφοτέρων, οὓς
ἀπέχοντι ἀπὸ μονάδος οἱ πολλαπλασίαις ἀλλαλους. Τῶν δὲ ἑκκαιδέκα
τούτων ὀκτὼ μὲν οἱ πρῶτοι σὺν τῷ μονάδῃ τῶν πρώτων καλουμένων ἐντί,
οἱ δὲ μετὰ τούτους ὀκτὼ τῶν δευτέρων, καὶ ὁ ἕσχατός ἐστιν αὐτῶν χίλιαι
μυριάδες δευτέρων ἀριθμῶν. Φανερὸν οὖν ὅτι τοῦ φάμμου τὸ πλήθος τοῦ
μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ σφαιρᾷ τῷ τὰν διάμετρον ῥ δακτύλων ἔχούσα, ἔλατ-
τόν ἐστιν ἡ χίλιαι μυριάδες τῶν δευτέρων ἀριθμῶν. Πάλιν δὲ καὶ σφαιραὶ
τῶν μυρίων δακτύλων ἔχουσα τὰν διάμετρον πολλαπλασία ἐστιν τᾶς σφαιρας
τᾶς ἔχούσας τὰν διάμετρον ῥ δακτύλων τὰς ῥ μυριάδεσσιν. Εἰ οὖν γένοιτο
ἐκ τοῦ φάμμου σφαιραὶ ταλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκα ἐστὶν ἡ ἔχουσα σφαιρα
τὰν διάμετρον μυρίων δακτύλων, δῆλον ὡς ἐλάσσων ἐσσεῖται ὁ τοῦ φάμ-
μου ἀριθμὸς τοῦ γενομένου πολλαπλασιασθεισᾶν τὰν χιλιάν μυριάδων τῶν
δευτέρων ἀριθμῶν ταῖς ῥ μυριάδεσσιν. Ἐπεὶ δ' αἱ μὲν τῶν δευτέρων ἀριθμῶν
χίλιαι μυριάδες ἑκκαιδέκατός ἐστιν ἀριθμὸς ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον, αἱ δὲ ῥ
μυριάδες ἔβδομος ἀπὸ μονάδος ἐν τῷ αὐτῷ ἀναλογίᾳ, δῆλον ὡς ὁ γενόμενος
ἐσσεῖται δυοκαιεικοστὸς τῶν ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας ἀπὸ μονάδος. Τῶν
δὲ δύο καὶ εἴκοσι τούτων ὀκτὼ μὲν οἱ πρῶτοι σὺν τῷ μονάδῃ τῶν πρώτων
καλουμένων ἐντί, ὀκτὼ δὲ οἱ μετὰ τούτους τῶν δευτέρων καλουμένων, οἱ δὲ
λοιποὶ ἐξ τῶν τρίτων καλουμένων, καὶ ὁ ἕσχατος αὐτῶν ἐστι δέκα μυριάδες
τῶν τρίτων ἀριθμῶν. Φανερὸν οὖν ὅτι τὸ τοῦ φάμμου πλήθος τοῦ μέγεθος ἔ-
χοντος ἵσον τῷ σφαιρᾳ τῷ τὰν διάμετρον ἔχούσα, μυρίων δακτύλων ἔλασσον
ἐστὶν ἡ Ἡ μυριάδες τρίτων ἀριθμῶν. Καὶ ἐπει ἐλάσσων ἐστὶν ἡ σταδιαίαν ἔ-
χουσα τὰν διάμετρον σφαιραὶ τᾶς σφαιρας τᾶς ἔχούσας τὰν διάμετρον μυρίων
δακτύλων, δῆλον ὅτι καὶ τὸ τοῦ φάμμου πλήθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον
τῷ σφαιρᾳ τῷ τὰν διάμετρον ἔχούσα, σταδιαίαν ἐλασσόν ἐστιν ἡ Ἡ μυριάδες

τῶν τρίτων ἀριθμῶν. Πάλιν δὴ ἡ σφαιρα ἡ ἔχουσα τὰν διάμετρον ἢ σταδίων πολλαπλασίων ἐστὶ τᾶς σφαιρας τᾶς ἔχούσας τὰν διάμετρον σταδιαίαν ταῖς ἢ μυριάδεσσιν. Εἰ οὖν γένοιτο ἐκ τοῦ φάμμου σφαιρα ταλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκα ἐστὶν ἡ ἔχουσα τὰν διάμετρον ἢ σταδίων, δῆλον ὅτι ἐλάσσων ἐσσεῖται ὁ τοῦ φάμμου ἀριθμὸς τοῦ γενομένου ἀριθμοῦ πολλαπλασιασθεισῶν τῶν δέκα μυριάδων τρίτων ἀριθμῶν ταῖς ἢ μυριάδεσσι. Καὶ ἐπεὶ αἱ μὲν τῶν τρίτων ἀριθμῶν δέκα μυριάδες δυοκαιεικοστός ἐστιν ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον, αἱ δὲ ἢ μυριάδες ἔβδομος ἀπὸ μονάδος ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας, δῆλον ὡς ὁ γενόμενος ἐσσεῖται ὀκτωκαιεικοστὸς ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας ἀπὸ μονάδος. Τῶν δὲ ὀκτὼ καὶ εἴκοσι τούτων ὀκτὼ μὲν οἱ πρῶτοι σὺν τῷ μονάδῃ τῶν πρώτων καλουμένων ἐντί, οἱ δὲ μετὰ τούτους ἄλλοι ὀκτὼ τῶν δευτέρων, καὶ οἱ μετὰ τούτους ὀκτὼ τῶν τρίτων, οἱ δὲ λοιποὶ τέσσαρες τῶν τετάρτων καλουμένων, καὶ ὁ ἐσχατος αὐτῶν ἐστι χίλιαι μονάδες τῶν τετάρτων ἀριθμῶν. Φανερὸν οὖν ὅτι τὸ τοῦ φάμμου πλῆθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ σφαιρᾳ τῷ τὰν διάμετρον ἔχούσα, σταδίων ἢ ἐλασσόνη ἐστιν ἡ χίλιαι μονάδες τῶν τετάρτων ἀριθμῶν. Πάλιν δὴ ἡ σφαιρα ἡ ἔχουσα τὰν διάμετρον μυρίων σταδίων πολλαπλασία ἐστὶ τᾶς διάμετρον μυρίων σταδίων πολλαπλασία ἐστὶ τᾶς σφαιρας τᾶς ἔχούσας τὰν διάμετρον σταδίων ἢ ταῖς ἢ μυριάδεσσιν. Εἰ οὖν γένοιτο ἐκ τοῦ φάμμου σφαιρα ταλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκα ἐστὶν ἡ σφαιρα ἡ ἔχουσα τὰν διάμετρον σταδίων μυρίων, δῆλον ὅτι ἐλασσον ἐσσεῖται τὸ τοῦ φάμμου πλῆθος τοῦ γενομένου ἀριθμοῦ πολλαπλασιασθεισῶν τῶν χιλιῶν μονάδων τῶν τετάρτων ἀριθμῶς ταῖς ἢ μυριάδεσσιν. Ἐπεὶ δ' αἱ μὲν τῶν τετάρτων χίλιαι μονάδες ὀκτωκαιεικοστός ἐστιν ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον, αἱ δὲ ἐκατὸν μυριάδες ἔβδομος ἀπὸ μονάδος ἐκ τᾶς αὐτᾶς αναλογίας, δῆλον ὅτι ὁ γενόμενος ἐσσεῖται ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας τέταρτος καὶ τριακοστὸς ἀπὸ μονάδος. Τῶν δὲ τεσσάρων καὶ τριάκοντα τούτων ὀκτὼ μὲν οἱ πρῶτοι σὺν τῷ μονάδῃ τῶν πρώτων καλουμένων ἐντί, οἱ δὲ μετὰ τούτους ὀκτὼ τῶν δευτέρων, καὶ οἱ μετὰ τούτους ἄλλοι ὀκτὼ τῶν τρίτων, καὶ οἱ μετὰ τούτους ὀκτὼ τῶν τετάρτων, οἱ δὲ λοιποὶ δύο τῶν πέμπτων καλουμένων ἐσσοῦνται, καὶ ὁ ἐσχατος αὐτῶν ἐστι δέκα μονάδες τῶν πέμπτων ἀριθμῶν. Δῆλον οὖν ὅτι τὸ τοῦ φάμμου πλῆθος τοῦ μέγεθος

ἔχοντος ἵσον τῷ σφαιρᾷ τῷ τὰν διάμετρον ἔχούσα, σταδίων μυριών ἔλασσον ἐσσεῖται ἡ ἡ μονάδες τῶν πέμπτων ἀριθμῶν. Πάλιν δὴ ἡ σφαιρα ἡ ἔχουσα τὰν διάμετρον σταδίων ἥ μυριάδων πολλαπλασίᾳ ἐστὶ τᾶς σφαιρας τᾶς τὰν διάμετρον ἔχούσας σταδίων μυρίων ταῖς ἥ μυριάδεσσιν. Εἰ οὖν γένοιτο ἐκ τοῦ φάμμου σφαιρα ταλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκα ἐστὶν ἡ σφαιρα ἡ ἔχουσα τὰν διάμετρον σταδίων ἥ μυριάδων, δῆλον ὡς ἑλάσσων ἐσσεῖται ὁ τοῦ φάμμου ἀριθμὸς τοῦ γενομένου ἀριθμοῦ πολλαπλασιασθεισῶν τᾶν δέκα μονάδων τῶν πέμπτων ἀριθμῶν ταῖς ἥ μυριάδεσσιν. Καὶ ἐπεὶ αἱ μὲν τῶν πέμπτων ἀριθμῶν δέκα μονάδες τέταρτός ἐστι καὶ τριακοστὸς ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον, αἱ δὲ ἥ μυριάδες ἔβδομος ἀπὸ μονάδος ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας, δῆλον ὅτι ὁ γενόμενος ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας ἐσσεῖται τετρωκοστὸς ἀπὸ μονάδος. Τῶν δὲ τεσσαράκοντα τούτων ὀκτὼ μὲν οἱ πρῶτοι σὺν τῷ μονάδι τῶν πρώτων καλουμένων ἔντι, οἱ δὲ μετὰ ταῦτα ἄλλοι ὀκτὼ τῶν δευτέρων, καὶ οἱ μετὰ τούτους ἄλλοι ὀκτὼ τῶν τρίτων, οἱ δὲ μετὰ τοὺς τρίτους ὀκτὼ τῶν τετάρτων, οἱ δὲ μετὰ τούτους ὀκτὼ τῶν πέμπτων καλουμένων, καὶ ὁ ἔσχατος αὐτῶν ἐστι χίλιαι μυριάδες τῶν πέμπτων ἀριθμῶν. Φανερὸν οὖν ὅτι τοῦ φάμμου τὸ πλήθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ σφαιρᾷ τῷ τὰν διάμετρον ἔχούσα, σταδίων ἥ ἔλασσον ἐστιν ἡ χίλιαι μυριάδες τῶν πέμπτων ἀριθμῶν. Ἐντούτῳ δὲ τὰν διάμετρον ἔχουσα σφαιρα σταδίων μυριάν μυριάδων πολλαπλασίων ἐστὶ τᾶς σφαιρας τᾶς ἔχούσας τὰν διάμετρον σταδίων ἥ μυριάδων ταῖς ἥ μυριάδεσσιν. Εἰ δὴ γένοιτο ἐκ τοῦ φάμμου σφαιρα ταλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκα ἐστὶν ἡ σφαιρα ἡ ἔχουσα τὰν διάμετρον σταδίων μυριάν μυριάδων, φανερὸν ὅτι ἔλασσον ἐσσεῖται τὸ τοῦ φάμμου πλήθος τοῦ γενομένου ἀριθμοῦ πολλαπλασιασθεισῶν τᾶν χιλιάν μυριάδων τῶν πέμπτων ἀριθμῶν ταῖς ἥ μυριάδεσσιν. Ἐπεὶ δὲ αἱ μὲν τῶν πέμπτων ἀριθμῶν χίλιαι μυριάδες τετρωκοστός ἐστιν ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον, αἱ δὲ ἥ μυριάδες ἔβδομος ἀπὸ μονάδος ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας, δῆλον ὡς ὁ γενόμενος ἐσσεῖται ἔκτος καὶ τετρωκοστὸς ἀπὸ μονάδος. Τῶν δὲ τεσσαράκοντα καὶ ἔξ τούτων ὀκτὼ μὲν οἱ πρῶτοι σὺν τῷ μονάδι τῶν πρώτων καλουμένων ἔντι, ὀκτὼ δὲ οἱ μετὰ τούτους τῶν δευτέρων, καὶ οἱ μετὰ τούτους ἄλλοι ὀκτὼ τῶν τρίτων, οἱ δὲ μετὰ τοὺς τρίτους ἄλλοι ὀκτὼ τῶν τετάρτων, καὶ οἱ μετὰ τοὺς τετάρτους ὀκτὼ τῶν πέμπτων, οἱ δὲ λοιποὶ ἔξ τῶν ἔκτων καλουμένων ἔντι, καὶ ὁ ἔσχατος αὐτῶν ἐστὶ ἡ μυριάδες τῶν

ἔκτων ἀριθμῶν. Φανερὸν οὖν ὅτι τὸ τοῦ φάμμου πλῆθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ σφαιρᾷ τῷ τὰν διάμετρον ἔχούσα, σταδίων μυριάδων μυριᾶν ἐλασσόν ἐστιν ἢ τὸ μυριάδες τῶν ἔκτων ἀριθμῶν. Ἐάν δὲ τὰν διάμετρον ἔχουσα σφαιρα σταδίων μυριάκις μυριάδων ἢ πολλαπλασίᾳ ἐστὶ τᾶς σφαιρας τᾶς ἔχούσας τὰν διάμετρον σταδίων μυριάδων μυριᾶν ταῖς ἢ μυριάδεσσιν. Εἰ οὖν γένοιτο ἐκ τοῦ φάμμου σφαιρα ταλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκα ἐστὶν ἡ σφαιρα ἢ ἔχουσα τὰν διάμετρον σταδίων μυριάκις μυριάδων ἢ, φανερὸν ὅτι τὸ τοῦ φάμμου πλῆθος ἐλασσόν ἐσσεῖται τοῦ γενομένου ἀριθμοῦ πολλαπλασιασθεισῶν τῶν τὸ μυριάδων τῶν ἔκτων ἀριθμῶν ταῖς ἢ μυριάδεσσιν. Ἐπεὶ δὲ αἱ μὲν τῶν ἔκτων ἀριθμῶν δέκα μυριάδες ἔκτος καὶ τετρωκοστός ἐστιν ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον, αἱ δὲ ἢ μυριάδες ἑβδομοὶς ἀπὸ μονάδος ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας, δῆλον ὅτι ὁ γενόμενος ἐσσεῖται δυοκαιπεντακοστὸς ἀπὸ μονάδος ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας. Τῶν δὲ δύο καὶ πεντήκοντα τούτων οἱ μὲν ὀκτώ καὶ τεσσαράκοντα σὺν τῷ μονάδι οἵ τε πρῶτοι καλούμενοι ἐντὶ καὶ οἱ δεύτεροι καὶ τρίτοι καὶ τέταρτοι καὶ πέμπτοι καὶ ἔκτοι, οἱ δὲ λοιποὶ τέσσαρες τῶν ἑβδόμοων καλούμενων ἐντὶ, καὶ ὁ ἔσχατος αὐτῶν ἐστι χίλιαι μονάδες τῶν ἑβδόμων ἀριθμῶν. Φανερὸν οὖν ὅτι τοῦ φάμμου τὸ πλῆθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ σφαιρᾳ τῷ τὰν διάμετρον ἔχούσα, σταδίων μυριάκις μυριάδων ἢ μονάδες τῶν ἑβδόμων ἀριθμῶν. Ἐπεὶ οὖν ἐδειχθη ἡ τοῦ κόσμου διάμετρος ἐλάσσων ἐοῦσα σταδίων μυριάκις μυριάδων ἢ, δῆλον ὅτι καὶ τοῦ φάμμου τὸ πλῆθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ κόσμῳ ἐλάσσον ἐστιν ἢ ἢ μονάδες τῶν ἑβδόμων ἀριθμῶν. Ὅτι μὲν οὖν τὸ τοῦ φάμμου πλῆθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ ὑπὸ τῶν πλείστων ἀστρολόγων καλούμενῳ κόσμῳ ἐλάσσον ἐστιν ἢ ἢ μονάδες τῶν ἑβδόμων ἀριθμῶν δέδεικται: ὅτι δὲ καὶ τὸ πλῆθος τοῦ φάμμου τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ σφαιρᾳ ταλικαύτῳ, ἀλίκαν Ἀρίσταρχος ὑποτίθεται τὰν τῶν ἀπλανέων ἀστρων σφαιραν εἴμεν, ἐλάσσον ἐστιν ἢ ἢ μονάδες τῶν ὀγδόων ἀριθμῶν δειχθήσεται. Ἐπεὶ γάρ ὑπόκειται τὰν γάν τὸν αὐτὸν ἔχειν λόγον ποτὶ τὸν ὑφ' ἀμῶν εἰρημένον κόσμον, διν ἔχει λόγον ὁ εἰρημένος κόσμος ποτὶ τὰν τῶν ἀπλανέων ἀστρων σφαιραν, διν Ἀρίσταρχος ὑποτίθεται, καὶ αἱ διάμετροι τῶν σφαιρῶν τὸν αὐτὸν ἔχοντι λόγον ποτ' ἀλλάλας. Ἐάν δὲ τοῦ κόσμου διάμετρος τᾶς διαμέτρου τᾶς γάν δέδεικται ἐλάσσων ἐοῦσα ἢ μυριοπλασίων δῆλον

οῦν ὅτι καὶ ἀ διάμετρος τাঃ τῶν ἀπλανέων ἄστρων σφαῖρας ἐλάσσων ἔστιν ἡ μυριοπλασίων τাঃ διαμέτρου τοῦ κόσμου. Ἐπεὶ δὲ αἱ σφαῖραι τριπλάσιον λ' γον ἔξοντι ποτ' ἀλλάλας τāν διαμέτρων, φανερὸν ὅτι ἀ τῶν ἀπλανέων ἄστρων σφαῖρα, ἀν 'Αρίσταρχος ὑποτίθεται, ἐλάττων ἔστιν ἡ μυριάκις μυρίαις μυριάδεσσι πολλαπλασίων τοῦ κόσμου. Δέδεικται δὲ ὅτι τὸ τοῦ φάμμου πλῆθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ κόσμῳ ἐλασσόν ἔστιν ἡ ἀ μονάδες τῶν ἐβδόμων ἀριθμῶν· δῆλον οὖν ὅτι, εἰ γένοιτο ἐξ τοῦ ηάμμου σφαῖρα ταλικαύτα τὸ μέγεθος, ἀλίκαν ὁ 'Αρίσταρχος ὑποτίθεται τὰν τῶν ἀπλανέων ἄστρων σφαῖραν εἴμεν, ἐλάσσων ἐσσεῖται ὁ τοῦ φάμμου ἀριθμὸς τοῦ γενομένου ἀριθμοῦ πολλαπλασισθεισῶν τᾶν χιλιάν μονάδων ταῖς μυριάκις μυρίαις μυριάδεσσιν. Καὶ ἐπεὶ αἱ μὲν τῶν ἐβδόμων ἀ μονάδες διυκαὶπεντακοστός ἔστιν ἀπὸ μονάδος ἀνάλογον, αἱ δὲ μυριάκις μύριαι μυριάδες τρισκαιδέκατος ἀπὸ μονάδος ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας, δῆλον ὅτι ὁ γενόμενος ἐσσεῖται τέταρτος καὶ ἔξηκοστὸς ἀπὸ μονάδος ἐκ τᾶς αὐτᾶς ἀναλογίας· οὗτος δέ ἐστι τῶν ὀγδόων ὅγδοος, ὃς καὶ εἴη χίλιαι μυριάδες τῶν ὀγδόων ἀριθμῶν. Φανερὸν τοίνυν ὅτι τοῦ φάμμου τὸ πλῆθος τοῦ μέγεθος ἔχοντος ἵσον τῷ τῶν ἀπλανέων ἄστρων σφαῖρᾳ ἀν 'Αρίσταρχος ὑποτίθεται, ἐλασσόν ἔστιν ἡ ἀ μυριάδες τῶν ὀγδόων ἀριθμῶν. Ταῦτα δέ, βασιλεῦ Γέλων, τοῖς μὲν πολλοῖς καὶ μὴ κεκοινωνηκότεσσι τῶν μαθημάτων οὐκ εὔπιστα φανήσειν ὑπολαμβάνω, τοῖς δὲ μεταλελαβηκότεσσιν καὶ περὶ τῶν ἀποστημάτων καὶ τῶν μεγεθέων τᾶς τε γῆς καὶ τοῦ ἀλίου καὶ τᾶς σελήνας καὶ τοῦ ὄλου κόσμου πεφροντικότεσσιν πιστὰ διὰ τὰν ἀπόδειξιν ἐσσεῖσθαι· διόπερ φήμην καὶ οὐκ ἀνάρμοστον εἴμεν [ἔτι] ἐπιθεωρῆσαι ταῦτα.